



Arbeitsblatt RSA

Bob möchte Alice eine geheime Nachricht übermitteln. Der Einfachheit halber nehmen wir an, dass diese Nachricht nur aus dem Buchstaben "X" besteht.

Alice's erstellt den öffentlichen Schlüssel

Alice wählt 2 Primzahlen p und q

$p = 17$ $q = 11$

$N = p \cdot q = 187$

Alice wählt eine Zahl e

$e = 7$

Voraussetzung: $\text{ggT}[e, (p-1), (q-1)] = 1$

Klartextnachricht "X"

Öffentlicher Schlüssel von Alice:

$N = 187$
 $e = 7$

Bob verschlüsselt

ASCII-Code von X = **1011000**
Als Dezimalzahl = **88** = M

Geheimcode C aus M berechnen
 $C = M^e \pmod{N} = 11$

Alice erstellt den privaten Schlüssel

$e \cdot d = 1 \pmod{(p-1) \cdot (q-1)}$

Die Zahl d ist der private Schlüssel!
Die Gleichung kann mit dem euklidischen Algorithmus aufgelöst werden.

$d = 23$

Alice entschlüsselt den Geheimtext

Geheimtext C = **11**

$M = C^d \pmod{N} = 88$

Binärzahl von M = **1011000**

ASCII-Code **1011000** = X